مسألة اليوم

الضرب القياسي

أطلق صاروخ من النقطة (1,2,1)، ثم وصل بعد ثانيتين إلى النقطة (9,13,21). وفي الوقت نفسه، أطلق صاروخ آخر من النقطة (4,−3,2)، ووصل بعد ثانيتين إلى النقطة (14,1,18). ما قياس الزاوية بين مساري الصاروخين؟

اتجاه مسار الصاروخ الأول: ⟨8,11,20⟩=v→

اتجاه مسار الصاروخ الثاني: ⟨10,4,16⟩=u→

|v→|=64+121+400=585=365|u|=100+16+256=372=293u→·v→=8(10)+11(4)+20(16)=80+44+320=444

لتكن θ قياس الزاوية بين مساري الصاروخين، إذن:

θ=cos−1(u→·v→|v→||u|)=cos−1(444365×293)=cos−1(746045)≈17.9°