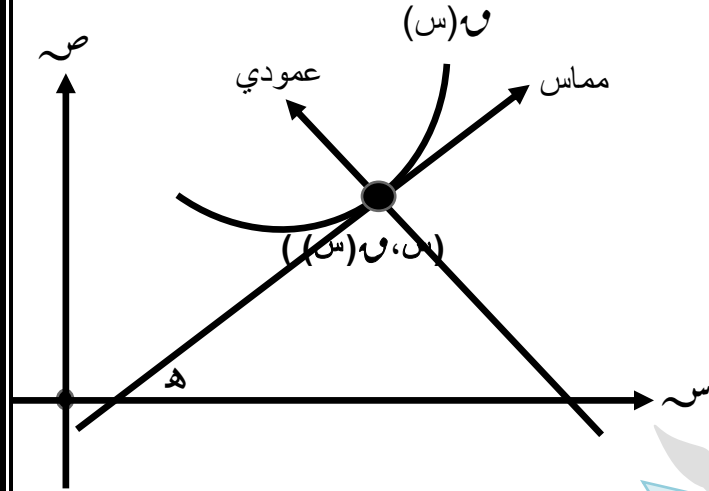


تفسر المشتقة الأولى هندسيا بأنها ميل المماس

لمنحنى الاقتران $y=f(x)$ ويرمز للميل بالرمز $f'(x)$

حيث $x = f'(x)$ = ظاهر حيث h زاوية ميل المماس مع الاتجاه الموجب لمحور السينات .



المطلوب بالدرس



١) إيجاد ميل المماس $f'(x)$ ، ميل العمودي على المماس

٢) إيجاد قياس زاوية ميل المماس h

٣) إيجاد معادلة المماس ، معادلة العمودي على المماس

٤) إيجاد إحداثيات نقطة او نقط التماس

٥) حساب الثوابت

اولا : إيجاد ميل المماس $f'(x)$ ، ميل العمودي على المماس

١. نشق بالقواعد العشرين السابقة

٢. نعوض بإحداثيات نقطة التماس ينتج الميل $f'(x)$

٣. ميل العمودي = - مقلوب ميل المماس $f'(x)$

ثانيا : إيجاد قياس زاوية ميل المماس

١. نجد الميل $f'(x)$

٢. نضع $f'(x) = \tan h$

٣. نقوم بحل المعادلة السابقة ان امكن ، والحالات يمكن فيها حل المعادلة هي

$$\begin{aligned} \tan h &= 0 \\ \tan h &= \pm 1 \\ \tan h &= \pm \sqrt{3} \\ \tan h &= \pm \frac{1}{\sqrt{3}} \end{aligned}$$

ثالثا : إيجاد معادلة المماس ، معادلة العمودي على المماس

معادلة المماس

$$\text{ص} - \text{ص}_1 = \text{م} (\text{س} - \text{س}_1)$$

معادلة العمودي

$$\text{ص} - \text{ص}_1 = - \frac{1}{\text{م}} (\text{س} - \text{س}_1)$$

إيجاد المعادلات السابقة لا بد من وجود ما يلي وبالترتيب

(٢) الميل	(١) احداثيات نقطة التماس
ثم نعوض بالمعادلات	إذا أعطى س نعوض بالاقتران ١ لإيجاد ص
	إذا أعطى ص نعوض بالاقتران ١ لإيجاد س
	إذا أعطى (س ، ص) نتأكد هل هي نقطة تماس أم لا
	إيجاد نقطة التقاطع مع محور السينات نضع ص = صفر ثم نجد س
	إيجاد نقطة التقاطع مع محور الصادات نضع س = صفر ثم نجد ص
	إيجاد نقطة تقاطع منحنيين ١(س) ، ٢(س) نضع ١(س) = ٢(س)

طريقة عرض السؤال

يوجد نوعان من الأسئلة

(١) نص مباشر : (جد معادلة المماس ومعادلة العمودي على المماس لمنحنى الاقتران ١)

(٢) نص غير مباشر : (جد مساحة مثلث) أو (جد مساحة شكل رباعي)

الشكل رباعي	حالات المثلث
يتكون الشكل الرباعي	(١) يتكون المثلث من المماس ومحوري الاحداثيات
من المماس والعمودي	(٢) يتكون المثلث من العمودي ومحوري الاحداثيات
على المماس ومحور	(٣) يتكون المثلث من المماس والعمودي على المماس ومحور السينات
السينات و محور	(٤) يتكون المثلث من المماس والعمودي على المماس ومستقيم يوازي محور السينات ص = ح
الصادات	(٥) يتكون المثلث من المماس والعمودي على المماس ومحور الصادات
	(٦) يتكون المثلث من المماس والعمودي على المماس ومستقيم يوازي محور الصادات س = ح



- (١) للإيجاد احداثيات نقطة او نقط التماس لا بد من وجود الميل α
- (٢) نضع $\alpha = \alpha(s)$
- (٣) نقوم بحل المعادلة السابقة
- (٤) ينتج الاحداثي السيني لنقطة التماس
- (٥) نعوض بالاقتران α نجد s فنحصل على احداثيات نقطة او نقط التماس (s ، v)
- (٦) ثم نجد معادلة التماس او العمودي اذا طلبت المعادلات

الجدول التالي يبين حالات الميل المختلفة وما نستفيد في كل حالة

ما نستفيدة	حالات الميل المختلفة
$\alpha(s) = \text{ظاهر}$	(١) التماس لمنحنى $\alpha(s)$ يصنع زاوية مقدارها h مع الاتجاه الموجب لمحور السينات
$\alpha(s) = \text{صفر}$	(٢) التماس افقي أو التماس يوازي محور السينات أو العمودي على التماس يوازي محور الصادات أو التماس عمودي على محور الصادات
$\alpha(s) = \text{ميل المستقيم المعلوم}$	(٣) التماس لمنحنى $\alpha(s)$ يوازي مستقيم ميله أو معادلته معلومة
$\alpha(s) = \text{مقلوب ميل المستقيم المعلوم}$	(٤) العمودي على التماس لمنحنى $\alpha(s)$ يوازي مستقيم ميله معلوم أو معادلته معلومة
$\alpha(s) = \frac{v - b}{p - s}$	(٥) التماس لمنحنى $\alpha(s)$ يمر بالنقطة الخارجية (p ، b) أو التماس لمنحنى $\alpha(s)$ مرسوم من بالنقطة الخارجية (p ، b)
$\alpha(s) = \frac{p - s}{v - b}$	(٦) العمودي على التماس لمنحنى $\alpha(s)$ يمر بالنقطة الخارجية (p ، b) أو العمودي على التماس لمنحنى $\alpha(s)$ مرسوم من بالنقطة الخارجية (p ، b)

ملاحظات

(١) إذا كان المماس والعمودي على المماس لمنحنى $\gamma(s)$ يصنعان مع محور السينات مثلث متساوي الساقين فإن $\gamma'(s) = \text{ظاه}$ ، $\gamma''(s) = \text{ظاه}$ ١٣٥
(٢) إذا كان لمنحنى $\gamma(s)$ مماس أفقي عند (p, b) فإن $\gamma'(p) = b$ ، $\gamma''(p) = \text{صفر}$
(٣) لإثبات تعامد منحنيين نثبت أن حاصل ضرب ميلهما يساوي -1
(٤) لإيجاد نقطة تعامد $\gamma(s)$ و $\gamma_h(s)$ فإننا نجد ميل الأول $\gamma'(s)$ و ميل الثاني $\gamma_h'(s)$ ثم نقوم بحل المعادلة $\gamma'(s) \times \gamma_h'(s) = -1$

خامسا : حساب الثوابت (المجاهيل)

الجدول التالي يبين حالات الميل المختلفة وما نستفيد في كل حالة

(١) إذا علمت قاعدة المماس $\gamma_h(s)$ وقاعدة المنحنى $\gamma(s)$ فإننا نستطيع حساب مجهول (ثابت) واحد كما يلي : عند نقطة التماس فإن $\gamma'(s) = \gamma_h'(s)$ ، $\gamma''(s) = \gamma_h''(s)$
(٢) إذا علمت قاعدة المماس $\gamma_h(s)$ وقاعدة المنحنى $\gamma(s)$ والاحداثي السيني لنقطة التماس (p, b) فإننا نستطيع حساب مجهولين (ثابتين) كما يلي : عند نقطة التماس فإن $\gamma'(p) = \gamma_h'(p)$ ، $\gamma''(p) = \gamma_h''(p)$
(٣) إذا كان $\gamma(s)$ و $\gamma_h(s)$ متماسين عند النقطة (p, b) أو لهما مماس مشترك عند النقطة (p, b) فإننا نستطيع حساب ٤ مجاهيل (٤ ثوابت) كما يلي : عند نقطة التماس فإن $\gamma'(p) = \gamma_h'(p)$ ، $\gamma''(p) = \gamma_h''(p)$ ، $b = \gamma(p)$ ، $b = \gamma_h(p)$
(٤) إذا علمت مساحة مثلث أو إذا علمت مساحة شكل رباعي
(٥) إذا كان ميل المماس (علمت معادلة المماس) (قياس زاوية ميل المماس) عند النقطة (p, b) يساوي β فإن $\gamma'(p) = b$ ، $\gamma''(p) = \beta$ أو $\gamma'(p) = \beta$ مشتقة معادلة المماس أو $\gamma''(p) = \text{ظا قياس زاوية ميل المماس}$
(٦) إذا كان ميل العمودي على المماس (علمت معادلة العمودي) عند النقطة (p, b) يساوي β فإن $\gamma'(p) = b$ ، $\gamma''(p) = -\beta$ أو $\gamma'(p) = \beta$ مشتقة معادلة العمودي

- (١) إذا قطع جسيم مسافة f خلال زمن قدرة ν فإن المسافة f تكون اقتران في الزمن أي أن $f = \nu(\nu)$.
- (٢) السرعة المتوسطة $\frac{f_1 - f_2}{\nu_1 - \nu_2}$ حيث $f_1 = \nu(\nu_1)$ ، $f_2 = \nu(\nu_2)$.
- (٣) السرعة اللحظية (سرعة الجسيم عند اي لحظة) هي : $E = f = \frac{df}{d\nu}$.
- (٤) التسارع المتوسط $\frac{E_1 - E_2}{\nu_1 - \nu_2}$.
- (٥) التسارع اللحظي (تسارع الجسيم عند اي لحظة) هو : $T = E = \frac{dE}{d\nu} = f^{(2)} = \frac{d^2f}{d\nu^2}$.
- (٦) المتغيرات f ، E ، T جميعها اقترانات بالزمن ν لذا غالبا لابد من معرفة قيمة ν لإيجاد أي منها.
- (٧) القيم f ، E ، T تكون موجبة او سالبة او صفر ولكن $\nu \leq$ صفر دائما



الحركة الافقية

- (١) السرعة الابتدائية (السرعة انطلق بها الجسيم أو السرعة تحرك بها الجسيم) تعني E عند $\nu = 0$.
- (٢) انعدام السرعة او سكون الجسيم يعني ان $E = 0$.
- (٣) انعدام التسارع يعني ان $T = 0$.
- (٤) عدد حلول المعادلة $E = 0$ يمثل عدد مرات توقف الجسيم.
- (٥) لإثبات ان الجسم لا يتوقف اثناء حركته نبرهن ان المعادلة $E = 0$ ليس لها حل.
- (٦) مجموعة قيم الزمن ν التي عندها السرعة سالبة تعني ان المطلوب ν عند $E > 0$.
- (٧) مجموعة قيم الزمن ν التي عندها السرعة موجبة تعني ان المطلوب ν عند $E < 0$.
- (٨) متى يتحرك الجسيم بعكس اتجاه الحركة يعني ان المطلوب ν عند $E > 0$.
- (٩) لإثبات ان الجسم لا يغير من اتجاه حركته نبرهن ان $E < 0$ دائما.
- (١٠) معادلة الحركة تكون علاقة ضمنية اذا كانت f مرفوعة لقوة لا تساوي ١ أو تحتوي على f ، E .

(١) الجسيم مقذوف من سطح الأرض

كما بالشكل المجاور:

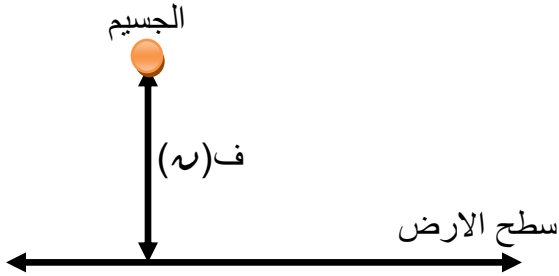
(أ) عند أقصى ارتفاع فإن $v = 0$

(ب) زمن أقصى ارتفاع h نجده من حل المعادلة $v = 0$

(ج) أقصى ارتفاع يعني $v = 0$ عند h

(د) الزمن الذي بعده يعود لسطح الأرض (زمن التحليق) $= 2 \times \text{زمن أقصى ارتفاع}$

(هـ) عند وصول الجسيم سطح الأرض (ارتظام الجسيم بـ سطح الأرض) فإن $v = 0$ ، $v > 0$



(٢) الجسيم مقذوف من سطح بناية للأعلى

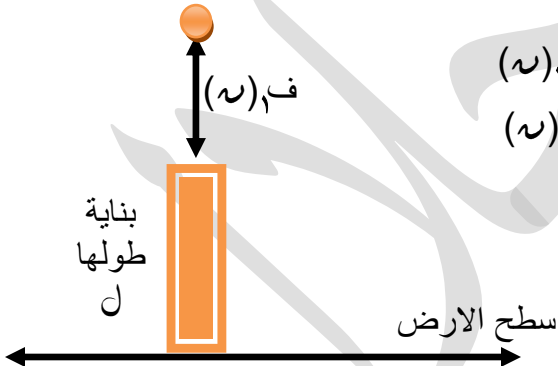
كما بالشكل المجاور :

(أ) لإيجاد أي مطلوب بالنسبة لـ **سطح البناية** نستخدم معادلة الحركة $v_1(h)$

(ب) لإيجاد أي مطلوب بالنسبة لـ **سطح الأرض** نستخدم معادلة الحركة $v(h)$

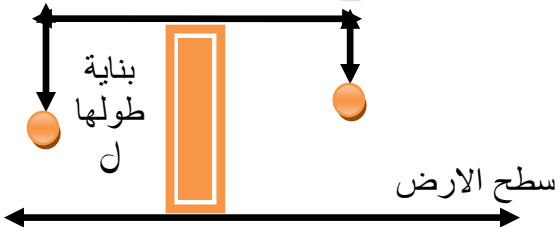
حيث $v(h) = \text{ارتفاع البناية} + \text{معادلة الحركة المعطاة}$

$$v_1(h) + l =$$



(٣) الجسيم مقذوف من سطح بناية للأسفل

سقوط حر او سقوط تحت تأثير قوة



النقط الحرجة ، التزايد والتناقص ، نقط القيم القصوى المحلية ، نقط القيم القصوى المطلقة ، التفرع للأعلى وللأسفل ونقط الانعطاف

إذا علمت قاعدة الاقتران $\cup$

قيم s الحرجة للاقتران $\cup(s)$

تعريف : تسمى النقطة $s = p$ نقطة **حرجة** للاقتران $\cup(s)$ إذا كان $\cup(p) = \text{صفر أو } \cup(p)$ غير موجودة بشرط $s = p$ تقع ضمن مجال $\cup(s)$.

إيجاد قيم s الحرجة لمنحنى $\cup(s)$ نتبع الخطوات التالية :

نوع المعادلة $\cup(s) = \text{صفر}$	قيم s التي عندها $\cup(s)$ غير موجودة هي
خطية	نقطة عندها $\cup$ غير متصل
تربيعية	نقطة عندها $\cup$ متصل ولكن $\cup(s^+) \neq \cup(s^-)$
تكعيبية	اصفار مقام المشتقة
كسرية	اطراف الفترة المغلقة
مثلثية	الرؤوس المدببة

(١) نبحث في اتصال على مجاله $\cup(s)$

(٢) نجد $\cup(s)$

(٣) نجد قيم s التي عندها $\cup(s) = \text{صفر}$

(٤) نجد قيم s التي عندها $\cup(s)$ غير موجودة

(٥) نختار من الخطوتين (٣) ، (٤) القيم التي تقع

ضمن مجال $\cup(s)$ فتكون هي قيم s الحرجة

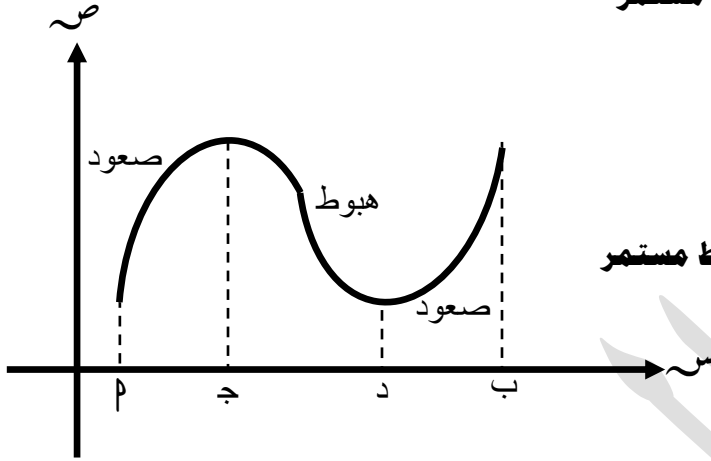
ملاحظات

قيم s الحرجة للاقتران الثابت المعرف على الفترة $[a, b]$ هي الفترة $[a, b]$.

قيم s الحرجة لاقتران أكبر عدد صحيح على الفترة $[a, b]$ هي الفترة $[a, b]$.

اطراف الفترة المغلقة $[a, b]$ تعتبر نقط حرجة .

التزايد و التناقص لمنحنى الاقتران $U(s)$



(١) معنى التزايد هندسيا : أن منحنى $U(s)$ في صعود مستمر

(٢) معنى التزايد جبريا : أنه كلما زادت قيمة s

ازدادت قيمة $U(s)$ ونعبر عن ذلك رياضيا كالاتي

$$\text{لكل } s_1 < s_2 \text{ فإن } U(s_1) < U(s_2)$$

(٣) معنى التناقص هندسيا : أن منحنى $U(s)$ في هبوط مستمر

(٤) معنى التناقص جبريا : أنه كلما زادت قيمة s

قلت قيمة $U(s)$ ونعبر عن ذلك رياضيا كالاتي

$$\text{لكل } s_1 < s_2 \text{ فإن } U(s_1) > U(s_2)$$

لايجاد فترات التزايد والتناقص لمنحنى $U(s)$ نتبع الخطوات التالية :

(١) نبحث في اتصال على مجاله $U(s)$

(٢) نجد $U'(s)$

(٣) نجد قيم s التي عندها $U'(s) = 0$

(٤) نجد قيم s التي عندها $U'(s)$ غير موجودة

(٥) نرسم خط $U'(s)$ ونعين عليه قيم s السابقة ثم نحدد الإشارة داخل كل فترة

(٦) مراعاة النظرية التالية :

(أ) $U'(s) < 0 \Leftrightarrow U(s)$ متزايد

(ب) $U'(s) > 0 \Leftrightarrow U(s)$ متناقص

(ج) $U'(s) = 0 \Leftrightarrow U(s)$ ثابت

(٧) نكتب فترات التزايد والتناقص بدءا من جهة اليسار



د. خالد جلال

٠٧٩٩٩٤٨١٩٨

نقط القيم العظمى والصغرى المحلية والمطلقة لمنحني الاقتران (س)

(١) القيمة العظمى المحلية : هي عبارة عن قمة على منحني (س).

(٢) القيمة العظمى المحلية : هي عبارة عن قمة على منحني (س).

(٣) القيمة العظمى المطلقة : هي اكبر قيمة عظمى .

(٤) القيمة الصغرى المطلقة : هي اصغر قيمة صغرى .

لايجاد نقط القيم القصوى (العظمى ، الصغرى) المحلية لمنحني (س) يوجد طريقتان (اختباران) :

(أ) **طريقة** (اختبار) المشتقة الاولى وفيها نتبع الخطوات الآتية .

(١) نبحث في اتصال على مجاله (س)

(٢) نجد $\dot{S}$ (س)

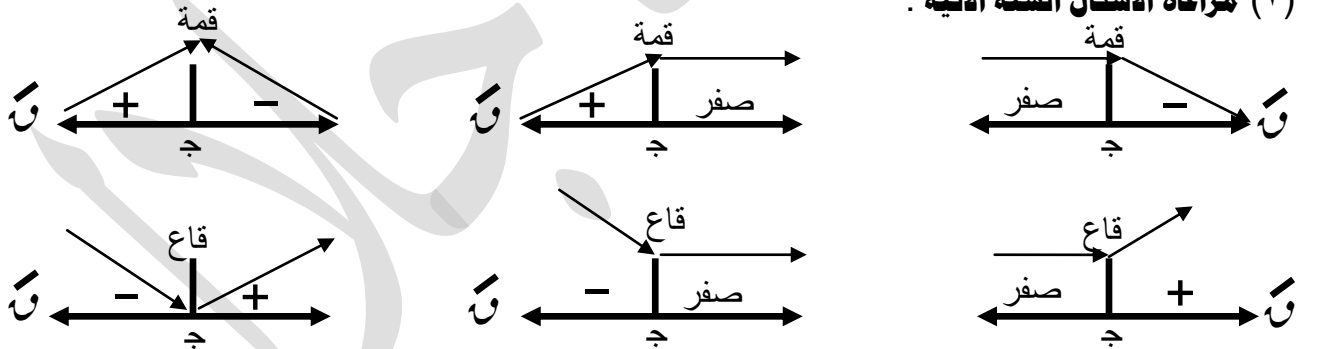
(٣) نجد قيم س التي عندها $\dot{S}$ (س) = صفر

(٤) نجد قيم س التي عندها $\dot{S}$ (س) غير موجودة

(٥) نرسم خط $\dot{S}$ (س) ونعين عليه قيم س السابقة ثم نحدد الإشارة داخل كل فترة

(٦) نكتب فترات التزايد والتناقص بدءاً من جهة اليسار

(٧) مراعاة الاشكال الستة الآتية :



(ب) **طريقة** (اختبار) المشتقة الثانية وفيها نتبع الخطوات الآتية :

(١) نجد قيم س الحرجة للاقتران (س) ولتكن $S = P$ احداها

(٢) نجد المشتقة الثانية $\ddot{S}$ (س)

(٣) نجد $\ddot{S}$ (P) ينتج ما يلي :

١. $\ddot{S}(P) = \text{موجب}$ $\Leftarrow (P, S(P))$ نقطة صغرى محلية للاقتران (س)

٢. $\ddot{S}(P) = \text{سالب}$ $\Leftarrow (P, S(P))$ نقطة عظمى محلية للاقتران (س)

٣. $\ddot{S}(P) = \text{صفر}$ $\Leftarrow$ يفشل الاختبار

الإيجاد نقط القيم القصوى المطلقة للاقتران $U(s)$ و $P(s)$ في الفترة $[a, b]$ نتبع الخطوات التالية :

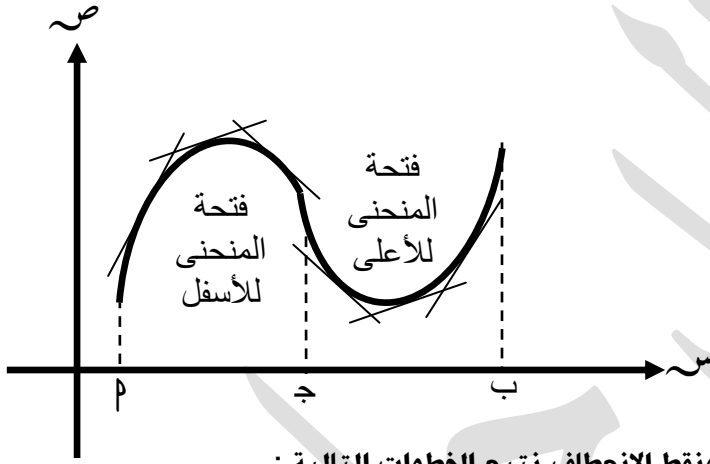
(١) نجد نقط القيم القصوى المحلية باستخدام اختبار المشتقة الأولى.

(٢) نجد $U(a)$ ، $U(b)$ ، $P(a)$ ، $P(b)$ ، ثم نحدد نوع كل منهما .

(٣) نقوم بالمقارنة بين المساقط الصادية للنقاط المتشابهة في النوع .

ملاحظة لا توجد نقط قيم قصوى محلية عند اطراف الفترة .

التقعر للأعلى وللأسفل ونقط الانعطاف لمنحنى $U(s)$



(١) يكون منحنى $U(s)$ مقعر **لأعلى** في فترة ما

إذا وقع **فوق** جميع مماساته في هذه الفترة .

(٢) يكون منحنى $U(s)$ مقعر **لأسفل** في فترة ما

إذا وقع **تحت** جميع مماساته في هذه الفترة .

(٣) نقطة الانعطاف هي النقطة التي عندها **يغير**

المنحنى من اتجاه تقعره

الإيجاد فترات التقعر لمنحنى $U(s)$ ونقط الانعطاف نتبع الخطوات التالية :

(١) نبحث في اتصال على مجاله $U(s)$

(٢) نجد $U'(s)$

(٣) نجد $U''(s)$

(٤) نجد قيم s التي عندها $U''(s) = 0$

(٥) نجد قيم s التي عندها $U''(s)$ غير موجودة

(٦) نرسم خط $U''(s)$ ونعين عليه قيم s السابقة ثم نحدد الإشارة داخل كل فترة

(٧) مراعاة النظرية التالية :

$U''(s) < 0 \Leftrightarrow U(s)$ مقعر للأعلى (ب) $U''(s) > 0 \Leftrightarrow U(s)$ مقعر للأسفل

(٨) نكتب فترات التقعر بدءاً من جهة اليسار

(٩) النقط على خط $U''(s)$ التي تغيرت حولها الإشارة هي نقط الانعطاف

إذا علمت رسمة (منحنى) الاقتران ١

منحنى الاقتران ١ (س)	
قيم س الحرجة	(١) المساقط السينية لنقط القمة والقاع (٢) نقط عدم الاتصال (القفزة ، الحلقة) (٣) فترة يكون فيها منحنى ١ (س) خط مستقيم يوازي محور السينات (٤) اطراف الفترة المخلقة المعرف عليها الاقتران ١ (س) (٥) الرأس المدبب
فترات التزايد والتناقص	نبدأ الحركة على منحنى ١ (س) من جهة اليسار (١) اذا طالع على منحنى ١ (س) فانه متزايد في هذه الفترة (٢) اذا نازل على منحنى ١ (س) فانه متناقص في هذه الفترة
نقط القيم القصوى المحلية	من شكل المنحنى فإن (١) القمة هي نقطة عظمى محلية (٢) القاع هي نقطة صغرى محلية
فترات التقعر	من شكل المنحنى فإن (١) فتحة المنحنى للأسفل فإن ١ (س) مقعر للأسفل (٢) فتحة المنحنى للأعلى فإن ١ (س) مقعر للأعلى
نقطة الانعطاف	هي النقطة المشتركة بين فترتي التقعر

منحنى الاقتران ٢ (س)

نحول رسمة ٢ (س) الى خط ٢ (س) ومنه نستطيع ايجاد ما يلي : (١) فترات التقعر للأعلى و للأسفل لمنحنى الاقتران ٢ (س) (٢) نقط الانعطاف لمنحنى الاقتران ٢ (س) (٣) نقط القيم القصوى لمنحنى الاقتران ٢ (س) اذا علمت قيم س الحرجة للاقتران ٢ (س) (٤) فترات التزايد والتناقص لمنحنى الاقتران ٢ (س) اذا علمت قيم س الحرجة للاقتران ٢ (س)	
---	--

منحنى الاقتران و (س)

قيم س الحرجة	(١) المساط السينية لنقط تقاطع منحنى و (س) مع محور السينات (٢) نقط عدم الاتصال (القفرة ، الحلقة) (٣) اطراف الفترة المغلقة المعرف عليها الاقتران و (س)
فترات التزايد والتناقص	نحول رسمة و (س) الى خط و (س)
نقط القيم القصوى المحلية	نجدها من خط و (س)
فترات التقعر	نبدأ الحركة على منحنى و (س) من جهة اليسار (١) طالع على منحنى و (س) فإن و (س) مقعر للأعلى (٢) نازل على منحنى و (س) فإن و (س) مقعر للأسفل
نقطة الانعطاف	هي النقطة المشتركة بين فترتي التقعر

حساب الثوابت (المجاهيل)

إيجاد الثوابت (المجاهيل) نستفيد مما يلي :

(١) منحنى يمر بالنقطة (ب، پ) $\Leftarrow$ و (پ) = ب	
(٢) (ب، پ) نقطة حرجة للاقتران و (س)	
نقطة عظمى للاقتران و (س)	
نقطة صغرى للاقتران و (س)	
نقطة قصوى للاقتران و (س)	
(٣) (ب، پ) نقطة انعطاف للاقتران و (س)	



د. خالد جلال

٠٧٩٩٩٤٨١٩٨



تطبيقات القيم القصوى

د. خالد جلال

٠٧٩٩٩٤٨١٩٨

يتميز هذا النوع من الاسئلة **بالكلمات** الآتية :

(١) **اكبر ما يمكن** وتعني قيمة عظمى مطلقة .

(٢) **اصغر ما يمكن** وتعني قيمة صغرى مطلقة .

و **أي كلمة** على وزن افعال (اقرب ، ادنى ، اقل ،)

الحل هذا النوع من الاسئلة نتبع الخطوات الآتية :

(١) تحديد على من تعود كلمة اكبر او اصغر والذي تعود عليه هو الاقتران المطلوب .

(٢) نكتب الاقتران $\cup$ بالعربي (قانون من قوانين المساحات والحجوم او)

مثال : $\cup$ = مساحة المستطيل اكبر ما يمكن

$$= \text{الطول} \times \text{العرض}$$

(٣) رسم شكل يوضح معطيات السؤال ان امكن .

(٤) فرض الرموز على الرسم {س ، ص} ثم نعوض بالاقتران فيصبح بمتغيرين .

(٥) نجعل الاقتران **بمتغير واحد** س او ص (وذلك بالبحث عن علاقة **مساعدة** تربط بين س و ص) تكون

موجوده **بمعطيات السؤال** او **من خلال الرسم** او من الاثنين معا .

من الرسم نستطيع أن نجد احد العلاقات المساعدة

* نظرية فيثاغورس * التشابه * نسبة مثلثية * قاعدة جيب التمام

(٥) نفس الخطوات ايجاد القيم القصوى مع اهمال بحث الاتصال وإهمال قيم المتغير التي عندها المشتقة غير موجودة .

متطلبات حل هذا السؤال :

(١) **طريقة الحل** المشار اليها بالخطوات السابقة .

(٢) **معرفتك** بقوانين المساحات والحجوم والمسافة بين نقطتين وكل العلاقات الهندسية التي سبق لك دراستها .

(٣) **المهارة** في حل المعادلات (خطية ، تربيعية ، تكعيبية ، كسرية ، مثلثية) .



المعدلات المرتبطة بالزمن

د. خالد جلال

٠٧٩٩٩٤٨١٩٨

يتميز هذا النوع من الاسئلة **بالكلمات** الآتية :

(١) **معدل**

وكل منهما تعني **المشتقة** بالنسبة للزمن

(٢) **سرعة**

الحل هذا النوع من الاسئلة نتبع الخطوات الآتية :

(١) **رسم** شكل يوضح معطيات السؤال عند اي لحظة t .

(٢) **فرض** الرموز على الرسم {س، ص، ف، ل، م، ع، هـ،}.

(٣) **كتابة** (المعدل) المعدلات المعطاة والمعدل المطلوب مع تحديد اشارة (المعدل) المعدلات المعطاة.

(٤) **تحديد** العلاقة التي تربط بين الرموز المفروضة.

(٥) **نشتق** العلاقة السابقة ضمناً بالنسبة للزمن فينتج المطلوب.

ملاحظات :

(١) اي جسم متحرك لم تعط ابعاده نعتبره نقطة متحركة.

(٢) اذا ذكر في السؤال تناقص فان المعدل يكون سالب.

(٣) اذا ذكر في السؤال تزايد فان المعدل يكون موجب.

(٤) اذا **لم يذكر** شي نعتمد على الرمز المفروض **فمثلاً**: اذا كانت المسافة **س** **تزداد** بازدياد الزمن فان المعدل يكون موجب ، اذا كانت المسافة **س** **تقل** بازدياد الزمن فان المعدل يكون سالب وهكذا بالنسبة لبقية الرموز.

(٥) قد نحتاج في بعض الاسئلة ان نجعل العلاقة بدلالة متغير **واحد**.



دار العلوم الدولية للتدريب
Dar Al-Oloum International For Training
Member Of Al-Zou'bi Group

تعلن أكاديمية دار العلوم للتدريب عن فتح باب التسجيل لدورات الفصل الثاني 2020/2019

للمادة الرياضيات للأستاذ القدير د. خالد جلال



طلاب وطالبات **التوجيهي** الفرع العلمي
(سجل المستوى الرابع)
واحصل على **دورة مجانية** في الوحدة الثالثة
(تطبيقات التفاضل)

عمان - شارع المدينة المنورة - مقابل مطاعم أبو جبارة - عمارة رقم 194 - الطابق الرابع
0782277984